

# ESTIMATION OF MULTILAYERED WALL SLENDERNESS DEPENDING ON BEHAVIOUR OF FLEXIBLE TIES

G. Marčiukaitis & V. Popovas

To cite this article: G. Marčiukaitis & V. Popovas (1999) ESTIMATION OF MULTILAYERED WALL SLENDERNESS DEPENDING ON BEHAVIOUR OF FLEXIBLE TIES, Statyba, 5:1, 3-10, DOI: [10.1080/13921525.1999.10531426](https://doi.org/10.1080/13921525.1999.10531426)

To link to this article: <https://doi.org/10.1080/13921525.1999.10531426>



Published online: 26 Jul 2012.



Submit your article to this journal 



Article views: 56

## SLUOKSNIOTUJŲ SIENŲ LIAUNIO ĮVERTINIMAS, ATSIŽVELGIANČIŲ LANKSČIŲ RYŠIŲ DARBA

G. Marčiukaitis, V. Popovas

### 1. Išvadas

Daugelio pastatų sienos yra daromos sluoksniuotos, kadangi tokia konstrukcinė schema leidžia ją padaryti norimų eksploatacinių savybių. Vienas sluoksnis negali atitikti visų keliamų pagrindinių reikalavimų: perimti visus poveikius, riboti šilumos netekimą, būti ugniai atsparus ir kt. Sluoksniuotujų konstrukcijų naudojimas leidžia sukurti naujų ekonomiškesnių konstrukcinių ir eksploatacinių savybių pastatus. Kadangi sluoksniai yra iš medžiagų su skirtingomis fizikinėmis mechaninėmis savybėmis ir ne visuomet gali būti tarp savęs sujungiami adhezija, yra daromi specialūs ryšiai tarp jų.

Žinomi du sienų sluoksniių sujungimo ryšių tipai: standūs ir lankstūs ryšiai. Tačiau daugeliu atvejų standūs ryšiai tampa šalčio tilteliais. Jeigu viduriniai sluoksniai gaminami liejimo būdu iš betono tipo medžiagų, taip pat gaunamas standus ryšys. Viduriniams sluoksniams naudojant minkštias arba birias termoizoliacines medžiagas, išoriniai sluoksniai tarp savęs sujungiami lanksčiais ryšiais.

Kai ryšiai yra standūs, tokios sienos elementas paprastai yra apskaičiuojamas redukuojant jos skerspjūvių pagal stipriausio sluoksnio medžiagų savybes [1, 2]. Tačiau šiuo atveju nėra pakankamai įvertinamos sluoksniių deformacinės savybės ir todėl visų jų darbas panaudojamas nevienodai [3].

Antruoju atveju – kai ryšiai yra lankstūs – konstrukcijos darbas yra daug sudėtingesnis. Tokia sienos konstrukcija dirba kaip sudėtinis strypas, kurio pavienių sluoksniių darbui įtakos turi kiti šalia esantys ir lanksčiai ryšiai prijungti sluoksniai. Todėl sienos gnuždomu sluoksniių darbas bendroje konstrukcijoje yra efektyvesnis, negu atskirai paimtų sluoksniių.

Pagal esamus normatyvinius reikalavimus [1, 2] daugiasluoksnės laikančiosios sienos su lanksčiais

ryšiais stiprumo apskaičiavimas atliekamas atskirai apskaičiuojant kiekvieno sluoksnio apkrovą, kuri ji veikia. Tačiau tai neparodo realaus konstrukcijų darbo, kadangi ir liauni ryšiai tam tikrą dalį vidinių išvažių nuo vieno sluoksnio perduoda kitam. Be to, sluoksniių klupimo pobūdis gali būti skirtinas ir lankstūs ryšiai tam taip pat turi įtakos.

### 2. Lanksčių ryšių įtakos sluoksniuotujų sienų darbui Įvertinimo teorinės priežiūros

Sluoksniuotosios sienos atskirus sluoksnius statiniu požiūriu galima nagrinėti kaip gnuždomus elementus, kurie gnuždant išsikreivina ir kurių galai tamprai pasisuka, bet nepasislenka horizontalia kryptimi.

Tokią atrėmimo schemą galima imti dėl to, kad remdamiesi į perdangų plokštės arba pamatą galai gali tamprai pasisukti, bet negali pasislinkti. Gnuždomo sluoksnio išklupimo forma gali būti įvairi. Įvairiai dirbs ir ryšiai. Tarp vertikalių sluoksniių esantys visi ryšiai gali būti tempiamai, kai sluoksnis klups į išorę, visi gnuždomi, kai klups į vidų, ir dalis tempiamų bei dalis gnuždomų, kai išklupimas bus sinusoidės formos. Vadinas, ryšiai perima skersines sluoksnio atžvilgiu jėgas. Be to, tarp sluoksniių atsiranda ir šlyties išvažių. Vadinas, ryšiai bus ir kerpami dėl šlyties jėgų, o galuose prie sluoksniių jie bus veikiami momentų. Gnuždomi ryšiai išklups. Tai priklausys nuo jų standumo ir atstumo tarp sluoksniių. Ryšių standumas, palyginti su vertikaliu sluoksniių standumu, yra mažas. Tačiau net išoriniams sluoksniiui išklupus į vidų, dalis lanksčių ryšių, esančių arčiau galų, gali būti tempiamai ir dalį išvažių perduoti kitam sluoksniniui. Vadinas, bet kokio išklupimo atveju ryšiai bus įtraukti į bendrą darbą ir sumažins labiau gnuždomo sluoksnio klupumą. Išanalizavus visas išklupimo formas matyti, kad lankstūs ryšiai mažiausią įtaką klupumo išorinio

sluoksnio darbui turės, kai sluoksniai klups į vidų ir tai priklausys nuo ryšių standumo, jų išdėstymo, atstumo tarp sluoksniių, taip pat ir nuo jų standumo ir inercijos momento santykio su viso skerspjūvio inercijos momento santykiu.

Tai patvirtina teoriniai tyrimai [4, 5, 6]. Vienas iš pagrindinių parametrų, turinčių įtakos sluoksniių bendram darbui, yra šlyties ryšių standumo koeficientas

$$\xi = T_{sh} n \cdot \gamma, \quad (1)$$

čia  $T_{sh}$  – šlyties jėga, tenkanti vienam ryšiui;  $n$  – ryšių skaičius;  $\gamma$  – dviejų gretimų sluoksniių, sujungtų ryšiais, priešingo pasislinkimo deformacija.

Kitas parametras – skersinių ryšių standumo koeficientas

$$\chi = S_{sh} \frac{n}{\delta}, \quad (2)$$

$S_{sh}$  – tempimo jėga, tenkanti vienam ryšiui;  $\delta$  – sluoksniių, sujungtų ryšiais, pasislinkimas vienas nuo kito.

Šių lygčių analizė rodo, kad ryšių standumas, jų išdėstymas turi didelę reikšmę bendram jais sujungtų sluoksniių darbui.

Remiantis [5] nesunku įrodyti, kad

$$\xi = \chi = \frac{E_t \cdot A_t}{b^2}, \quad (3)$$

čia  $E_t$  – ryšio deformacijų modulis;  $A_t$  – jo skerspjūvio plotas;  $b$  – atstumas tarp ryšių.

Antra vertus, nuo šių koeficientų priklauso šlyties įražų tarp sluoksniių pasiskirstymo pobūdis. Pagal A. Ržanycino sudėtinį strypų teoriją, ši įraža yra:

$$T = C_1 sh \lambda x + C_2 ch \lambda x + \frac{\xi}{\lambda} \int_0^x \Delta(t) sh \lambda(x-t) dt, \quad (4)$$

čia  $C_1$  ir  $C_2$  – laisvieji pastovieji dydžiai, priklausantys nuo kraštinių sąlygų;  $x$  – atitinkamo taško pagal aukštį padėtis;  $\Delta(t)$  – laisvasis narys:

$$\Delta(t) = \frac{1}{E_1 A_1} + \frac{1}{E_2 A_2} + \frac{C^2}{E_1 A_1 + E_2 A_2}. \quad (5)$$

Dydis  $\lambda$ , pasinaudojus (3) ir (5) lygtimis, gali būti apskaičiuojamas pagal tokią formulę:

$$\lambda = \sqrt{\frac{E_t A_t}{b^2} \left( \frac{1}{E_1 A_1} + \frac{1}{E_2 A_2} + \frac{C^2}{E_1 A_1 + E_2 A_2} \right)}. \quad (6)$$

(5) ir (6) formulėse  $E_1, A_1, E_2, A_2$  – elemento sluoksniių tamprumo moduliai ir skerspjūvio plotai;  $C$  – atstumas tarp sluoksniių svorio centrų.

(4), (5) ir (6) lygčių analizė ir kiti autorių tyrimai [7] rodo, kad šlyties įražų pasiskirstymo pobūdis pagal konstrukcijos aukštį ir kartu ryšių darbas priklauso nuo šių pagrindinių veiksnių: ryšių ir sluoksniių standumo, išdėstymo atstumo pagal aukštį, taip pat ir nuo atstumo tarp sluoksniių.

### 3. Sluoksniuotujų sienų su lanksčiais ryšiais darbo tyrimo modeliai

Teorinės prielaidos buvo patikrintos taikant kompiuterinės skaitinės analizės metodus ir atlikus skaitinius eksperimentus.

Parenkant skaitinio eksperimento variantų parametrus ir sudarant sluoksniuotujų sienų su liaunais ryšiais skaičiuojamąsias schemas buvo įvertinti tokie veiksnių:

- 1) dažniausiai statybos praktikoje pasitaikančių sluoksniuotujų sienų su liaunais ryšiais konstrukcinių sprendinių;
- 2) rekomendacijos dėl laikančiojo ir apsauginio sluoksniių storijų, įvertinant sienos liaunio ir stiprio reikalavimus;
- 3) šiluminiais techniniais apskaičiavimais pagrįsti tarpai tarp sluoksniių termoizoliaciniams intarpams;
- 4) reikalavimai dėl liaunų ryšių kieko ir jų išdėstymo geometrijos;
- 5) mažaukštėje statyboje daugiausia naudojamos mažagabaričių dirbinių (plytų, blokelių) ir skiedinių markės.

Buvo nagrinėjamas 1 m pločio ir 3 m aukščio tri-sluoksnės sienos ruožas su viena eile liaunų metalinių ryšių.

Sluoksniuotosios sienos laikančiojo sluoksnio storai  $\delta_1$  atitiko standartinį variantą (plytos storij 120 mm). Išorinio kompleksinio sienos sluoksnio storai  $\delta_2$  buvo 60, 100, 120 mm.

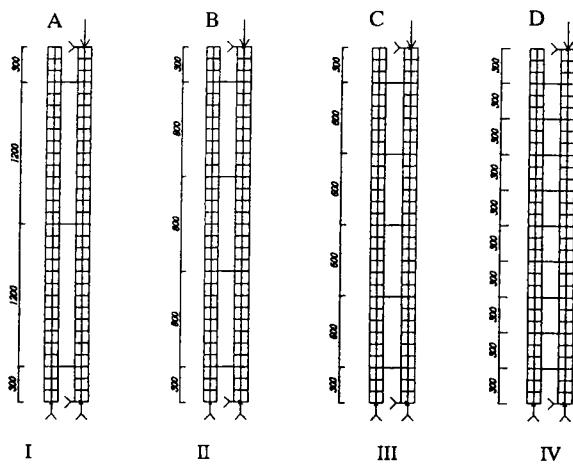
Laikantis rekomendacijų dėl liaunų ryšių kieko ir jų išdėstymo, buvo imti tokie variantai: 3 ryšiai sienos aukštyste išdėstyti kas 1,2 m; 4 ryšiai – kas 80 cm; 5 ryšiai esant atstumui tarp jų 60 cm. Tankiausiai juos išdėstant – kas 30 cm – reikėjo net 9 ryšių per visą sienos aukštį. Visuose variantuose ryšiai buvo išdėstyti

simetriškai. Atstumas nuo sienos viršaus arba apačios iki kraštinių ryšių buvo lygus 30 cm. Metalinių ryšių skersmuo kito nuo 3 iki 8 mm kas 1 mm, išskyrus 7 mm skersmens, kuris nenumatytas sortimento. Atsižvelgiant į ryšių išdėstymo variantus ir strypų skersmenį bendras ryšių skerspjūvio plotas keitėsi nuo  $0,071 \text{ cm}^2$  iki  $4,53 \text{ cm}^2$ . Imta 3, 4 ir 5 mm skersmens  $B_p$ -I klasės viela ir 6 ir 8 mm skersmens A-I klasės viela.

**1 lentelė.** Sienų elementų skerspjūvių geometrinės charakteristikos

**Table 1.** Geometrical characteristics of cross-sectional elements of walls

Sluoksniai storai (mm) $\delta_2-\delta_3-\delta_1$	Išorinių sluoksniai storų santykiai ( $\delta_2/\delta_1$ )	Sluoksniai inercijos momentų santykiai ( $I_2/I_1$ )
60–50–120	0,5	0,125
100–50–120	0,833	0,578
120–50–120	1	1
60–100–120	0,5	0,125
100–100–120	0,833	0,578
120–100–120	1	1
60–150–120	0,5	0,125
100–150–120	0,833	0,578
120–150–120	1	1



**1 pav.** Liaunų ryšių išdėstymo schemas (I, II, III, IV)

**Fig 1.** Diagrams (I, II, III, IV) of situation of flexible ties

Sienos skaičiuojamosios schemas pavaizduotos 1 paveiksle. Sienos aukštis  $h=3,0 \text{ m}$ , o plotis  $b=1,0 \text{ m}$ . Atstumas tarp sienų sluoksniai centrinių plokštumų

keičiasi priklausomai nuo nagrinėjimo varianto sluoksniai (išorinio ir vidinio) storio. Kitos geometrinės charakteristikos pateiktos 1 lentelėje.

Išorinių sluoksniai medžiagų tipai ir savybės vienodos, t. y.  $E_1=E_2$ . Deformacinės išorinių sienos sluoksniai medžiagų savybės buvo parinktos tokios, kad skaičiavimai apimtų plačią mūro stiprumo rodiklių  $R=(0,5...3,9) \text{ MPa}$  bei tamprumo charakteristiką  $\alpha=(350...1500)$  grupę. Ryšių plieno tamprumo modulis imtas lygus  $E_s=2,1 \cdot 10^5 \text{ MPa}$ .

Vidinio (termoizoliacino) sluoksnio darbas ir jo įtaka sluoksniuotosios sienos darbui pirmajame etape nebuvu nagrinėjama. Jo įvertinimo nenumato ir normos [1, 2].

#### 4. Sluoksniuotujų sienų su liaunais ryšiais skaitinio eksperimento rezultatai

Skaitinis eksperimentas buvo atlirkas kiekvienam sienos konstrukciniam variantui, esant įvairiam ryšių išdėstymui ir jų kiekiui (1 pav.), pagal programinį kompleksą COSMOS/M [8].

Išanalizuotos penkios skaitinių tyrimų serijos. Buvo analizuojamas kompleksinių sienų su liaunais ryšiais įtempimų ir deformacijų būvis ir jų pastovumo problema.

Vienas iš sluoksniuotujų sienų apskaičiavimo būdų yra sluoksniai bendro darbo įvertinimas per jų liaunio charakteristikas. Apskaičiuota, kad išorinis apsauginis sienos sluoksnis turi įtakos vidinio laikančiojo sluoksnio pastovumui. Akivaizdu, kad sluoksniuotosios sienos standis esant ekscentriniam gniūždymui yra didesnis, negu atskirai dirbančio vidinio (apkrauto) sienos sluoksnio. Apskaičiavimai tai patvirtino ir leido įvertinti bendrą sluoksniai ir jungiančių juos liaunų ryšių darbą tiek kiekybiškai, tiek ir kokybiškai.

Skaitiniu eksperimentu nustatyta, kad išorinio apsauginio sluoksnio poveikis vidiniam laikančiajam sluoksnui labai priklauso nuo jų dviejų storų  $\delta_2$  ir  $\delta_1$  arba inercijos momentų  $I_1$  ir  $I_2$  santykio (pirmuoju numeriu pažymėtas vidinis, o antruoju – išorinis sienos sluoksniai). Rezultatų analizė rodo, kad šis poveikis gali būti įvertintas kompleksinės (sluoksniuotosios) sienos klupumo koeficientu  $\varphi_h$ , kurio teorinė reikšmė yra lygi kompleksinės sienos ir pavienio laikančiojo sluoksnio kritinių jėgų santykui:

$$\varphi_h = N_{cr} / N_{cr,o}, \quad (7)$$

čia

$$N_{cr,o} = \frac{\pi^2 E_l I_l}{(\mu l)^2}, \quad (8)$$

$$N_{cr} = \frac{\pi^2 (E_l I_l + E_2 I_2)}{(\mu l)^2}. \quad (9)$$

čia  $E_l I_l$  ir  $E_2 I_2$  – laikančiojo vidinio ir apsauginio išorinio sienos sluoksnį standis lenkimui;  $\mu l$  – sienos skaičiuojamasis ilgis (aukštis).

Paveiksluose 2, 3, 4 parodytos klupumo koeficiente reikšmės priklausomai nuo ryšių bendro ploto  $A_s$  pagal jų išdėstymo variantus (1, 2, 3 ir 4) (žr. 2 pav.) bei išorinio (apsauginio) ir vidinio (laikančiojo) sluoksninių storių  $\delta_2$  ir  $\delta_l$  santykį, kai atstumas tarp sluoksninių  $\delta_2$  lygus 150 mm (2 pav.), 100 mm (4 pav.) ir 50 mm (5 pav.).

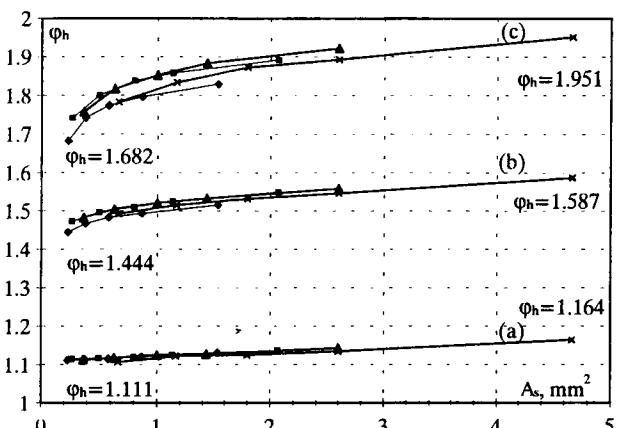
Iš grafikų, pateiktų 2, 3, 4 paveiksluose, matyti, kad sluoksniuotosios sienos klupumo koeficiente  $\varphi_h$  reikšmės keičiasi priklausomai nuo sienos storių santykio ir bendro ryšių skerspjūvio ploto  $A_s$ .

Didėjant kompleksinės sienos sluoksninių storio santykui  $\delta_2/\delta_l=0,5$  ( $I_2/I_1=0,1$ ), vis labiau pasireiškia išorinio apsauginio sluoksnio poveikis bendrajam sienos standžiui (liauniui). Koeficiente  $\varphi_h$  reikšmės pastebimai padidėja (2, 3, 4 pav.). Kita vertus, išryškėja liaunu ryšių kieko (skersmens ir bendro ryšių ploto) diferencijuota įtaka jungiant abudu sienos sluoksnius bendram darbui. Tai aiškiai matyti iš pateiktų šiuose paveiksluose b ir c kreivėmis.

I ir II bei III ir IV ryšių išdėstymo variantų analizė parodė, kad kuo toliau kraštiniai ryšiai (apatinis ir viršutinis) nutolę nuo sienos aukščio vidurio, tuo abiejų sienos sluoksninių darbas yra efektyvesnis. Kritinės jėgos prieaugis, esant II ir IV ryšių išdėstymo variantams, sudarė nuo 9% iki 12% priklausomai nuo sluoksninių storių santykio. Kuo didesnis šis santykis, tuo labiau pasireiškia ryšių išdėstymo įtaka, palyginti su I ir III variantais. Nors šiaisiai atvejais ir buvo nesilaikoma projektavimo normų rekomendacijų [2] dėl atstumo tarp ryšių.

Kuo didesnis ryšių bendras skerspjūvio plotas  $A_s$ , tuo efektyvesnis abiejų sluoksninių darbas. Šią taisyklę patvirtina 2, 3, 4 paveiksluose pavaizduotos kreivės.

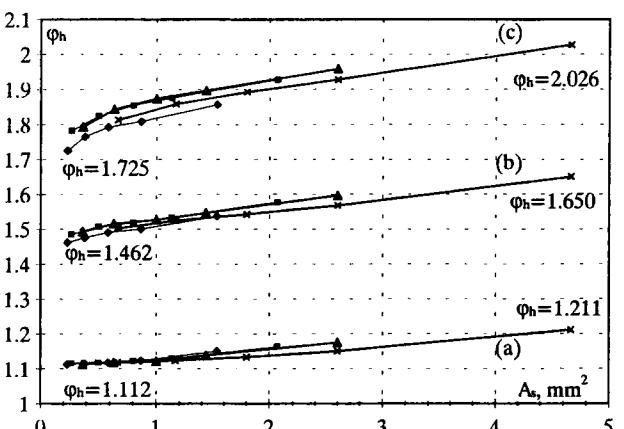
Vienodesnis ryšių išdėstymas pagerina sluoksnį bendrą darbą. Tačiau santykinių didesnis efektas gauamas, kai vidutinis ryšių skaičius yra: 4, 5 strypai per sienos aukštį (2 ir 3 ryšių išdėstymo variantai (1 pav.)). Labai gerai ryšių išdėstymo įtaką išorinės sienos sluoksnį bendram darbui iliustruoja 5 paveiksle



2 pav. Klupumo koeficiente  $\varphi_h$  priklausomybė nuo ryšių bendro ploto  $A_s$  pagal ryšių išdėstymo variantus: a – 120–150–60, b – 120–150–100; c – 120–150–120 serijoms  
Variantai 1 – ♦ ; 2 – ■ ; 3 – ▲ ; 4 – ×

Fig 2. Relationship between buckling coefficient  $\varphi_h$  and total area  $A_s$  of ties according to 1–2–3–4 variants of situation of ties: a – 120–150–60, b – 120–150–100; c – 120–150–120.

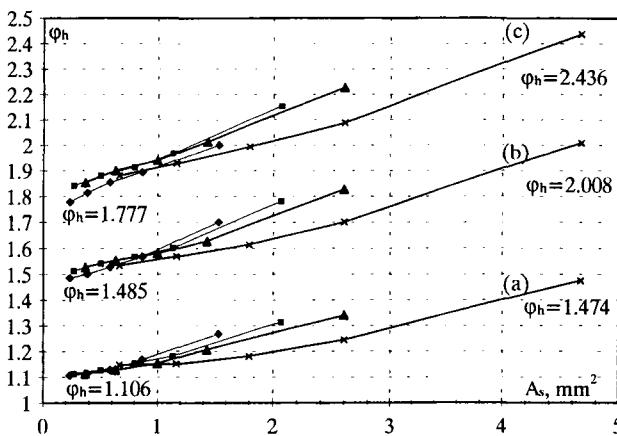
Variants: 1 – ♦ ; 2 – ■ ; 3 – ▲ ; 4 – ×



3 pav. Klupumo koeficiente  $\varphi_h$  priklausomybė nuo ryšių bendro ploto  $A_s$  pagal ryšių išdėstymo variantus: a – 120–100–60, b – 120–100–100; c – 120–100–120 serijoms  
Variantai 1 – ♦ ; 2 – ■ ; 3 – ▲ ; 4 – ×

Fig 3. Relationship between buckling coefficient  $\varphi_h$  and total area  $A_s$  of ties according to 1–2–3–4 variants of situation of ties: a – 120–100–60, b – 120–100–100; c – 120–100–120.

Variants: 1 – ♦ ; 2 – ■ ; 3 – ▲ ; 4 – ×

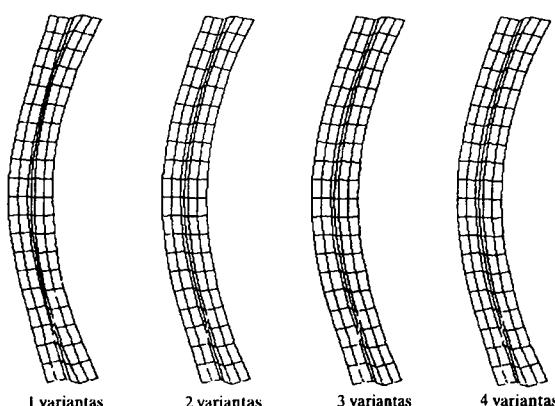


4 pav. Klupumo koeficiente  $\varphi_h$  priklausomybė nuo ryšių bendro ploto  $A_s$ , pagal ryšių išdėstymo variantus: a – 120–50–60, b – 120–50–100; c – 120–50–120 serijoms

Variantai 1 – ◆ ; 2 – ■ ; 3 – ▲ ; 4 – ✕

**Fig 4.** Relationship between buckling coefficient  $\varphi_h$  and total area  $A_s$  of ties according to 1–2–3–4 variants of situation of ties: a – 120–50–60, b – 120–50–100; c – 120–50–120

Variants: 1 – ◆ ; 2 – ■ ; 3 – ▲ ; 4 – ✕



5 pav. Sluoksniuotųjų sienų pastovumo netekimo formos 1, 2, 3, 4 ryšių išdėstymo variantams, kai ryšių skersmuo  $d=8$  mm, o sienų sluoksnių matmenys  $60+50+120$ , čia  $\delta_1=120$ ,  $\delta_2=60$ , o  $\delta_3=50$  mm

**Fig 5.** Diagrams of loss of stability of layered walls according 1, 2, 3, 4 ties distribution variants, where diameter of ties is 8 mm, wall layer thicknesses are:  $\delta_1=120$ ,  $\delta_2=60$ ,  $\delta_3=50$  mm

pateiktos sluoksniuotųjų sienų pastovumo netekimo formos. Aiškiai matyti, kad, kai liauni ryšiai rečiau išdėstyti (1 variantas – 3 strypai per sienos aukštį), sluoksnių prasiskečia galuose ir suartėja viduriniuose aukščio trečdaliuose. Tuo tarpu 2, 3 ir 4 ryšių išdėstymo variantai duoda panašius tolygaus sluoksnių deformavimosi rezultatus.

Liaunų ryšių kiekių didinimas (4 variantas – 9 ryšiai per sienos aukštį) neduoda didesnio klupumo

koeficiente padidėjimo efekto. Liaunio koeficiente  $\varphi_h$  reikšmės asymptotiškai artėja prie stabilios pastovios reikšmės vidurinio sluoksnio storui esant  $\delta_3=100\ldots150$  mm (2, 3 pav.). Sienų deformuoto būvio analizė gali tik patvirtinti šią išvadą (5 pav.).

Kiek kitokie ryšių įtakos sluoksnių bendram darbui rezultatai buvo gauti esant mažam atstumui tarp išorinių sienos sluoksnių ( $\delta_3=50$  mm).

Iš priklausomybių, pateiktų 5 paveiksle, analizės galima padaryti išvadą, kad ryšių kieki (ploto  $A_s$ , ir išdėstymo tankio) didinimas beveik tiesiogiai, netgi su tam tikra nedidele geometrine progresija didina koeficiente  $\varphi_h$  reikšmes. Abu išoriniai sluoksnių efektyviai dirba, kas ypač matyti palyginus (a) kreives visuose 2, 3, 4 paveiksluose. Tai galima būtų paaiškinti liaunų ryšių kaiščio efekto atsiradimui ir jų darbu ne tik kaip tempiamu (skersiniu), bet ir kaip šlyties (išilginiu) ryšių [4, 5].

## 5. Teorinių ir eksperimentinių klupumo koeficiente reikšmių palyginimas

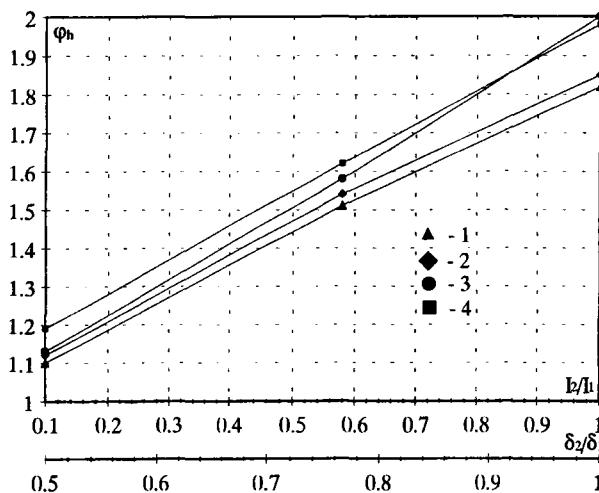
Teorinės pagal normų metodiką [1, 2] ir vidutinės eksperimentinės sluoksniuotosios sienos klupumo koeficiente  $\varphi_h$  reikšmės visiems išnagrinėtiems sienų konstrukciniams variantams pavaizduotos 6 paveiksle ir 2 lentelėje.

Nesunku pastebėti, kad kai išorinio sluoksnio storis mažas –  $\delta_2=60$  mm ( $\delta_2/\delta_1=0,5$ ,  $I_2/I_1 \approx 0,1$ ), teorinės ir eksperimentinės vidutinės klupumo koeficientų reikšmės praktiškai sutampa, o jų išsibarstymas yra nedidelis – nuo 1,11 iki 1,21 (išskyrius atveji, kai  $\delta_3=50$  mm).

Padidėjus išorinio sluoksnio storui iki 100 mm ( $\delta_2/\delta_1=0,667$ ,  $I_2/I_1 \approx 0,58$ ) visos eksperimentinės reikšmės išsibarsto apie teorinę  $\varphi_h=1,58$ .

Kai abiejų išorinių sluoksnių storai tampa vienodi ( $\delta_2=\delta_1=120$  mm), išorinio sluoksnio įtaka bendram sienos darbui pasireiškia nemažu klupumo koeficiente sumažėjimu, esant vidutiniui ir dideliui atstumui tarp išorinių sienos sluoksnių ( $\delta_3=100\ldots150$  mm).

Vidutinės klupumo koeficiente reikšmės sluoksniuotosios sienos variantui, kai mažas atstumas tarp išorinių sienos sluoksnių ( $\delta_3=50$  mm), apie 6–8% skiriasi nuo kitų eksperimentinių reikšmių, tačiau šių reikšmių išsibarstymas 3–5 kartus yra didesnis (4 pav.).



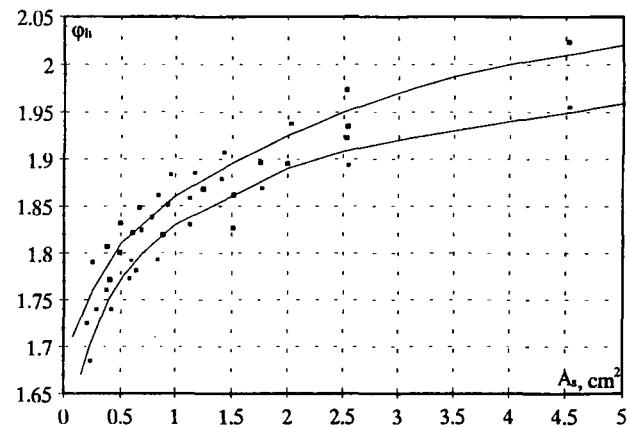
**6 pav.** Teorinių (1) ir eksperimentinių (2, 3, 4) sluoksniuotosios sienos klupumo koeficiente  $\varphi_h$  reikšmių priklausomybė nuo sienos sluoksnį inercijos momentų storijų santykio, kai vidurinio sluoksnio  $\delta_3$  storis lygus: 2–50 mm; 3–100 mm; 4–150 mm

**Fig 6.** Relationship between theoretical (1) and experimental (2, 3, 4) values of buckling coefficients  $\varphi_h$  and ratio of moments of inertia (thickness) of wall layers when thickness of middle layer ( $\delta_3$ ) is: 2–50 mm; 3–100 mm; 4–150 mm

Idomu, kad vidutinės koeficiente  $\varphi_h$  eksperimentinės reikšmės tarpusavyje išsidėsto beveik lygiagrečiai ir kiek kitokiu kampu negu teorinės reikšmės, apskaičiuotos pagal normų metodiką [1, 2]. Tai dar kartą parodo, kad ši metodika yra taisytina.

## 6. Skaitinio eksperimento rezultatų regresinė analizė

Atlikus skaitinio eksperimento regresinę analizę nustatyta sluoksniuotosios sienos klupumo koeficiente  $\varphi_h$  funkcinės priklausomybės nuo ryšių bendro ploto  $A_s$ , su minimaliu statistinių reikšmių išsibarstymu. Jos leidžia pakankamai tiksliai (standartiniu patikimumo intervalu) analitiskai nustatyti koeficiente  $\varphi_h$  reikšmes,



**7 pav.** Sluoksniuotosios sienos koeficiente  $\varphi_h$  funkcijos grafikas 120–150–120 ir 120–100–120 sienos konstrukciniams variantams

**Fig 7.** Diagram of buckling coefficient  $\varphi_h$  of layered wall for wall structural cases: 120–150–120 and 120–100–120 mm

turint duomenis apie ryšių bendrą skerspjūvio plotą  $A_s$ , sienoje arba jos ruože. Palyginimui buvo paimtos trys tos pačios kreivės funkcijos pagal: polinominę priklausomybę, eksponentinę priklausomybę, logaritminę arba laipsnio funkciją.

Didžiausią tikslumą duoda polinominė funkcija, bet ji nepatogi praktiniam skaičiavimui. Logaritminės arba laipsnio funkcijos yra paprastesnės ir pakankamai tikslios, todėl jas ir siūloma taikyti praktiškai (3 lentelė, 7 pav.).

Sluoksniuotosioms sienoms, kurių mažas atstumas tarp išorinių sienų sluoksniių, t. y. kai  $\delta_3=50$  mm, siūloma taikyti laipsnio funkciją  $\varphi_h=a+b(A_s)^2$ , kuri leidžia labai tiksliai nustatyti klupumo koeficientų reikšmes pagal diskretujį ryšių išdėstymo variantą (4 lent.).

## 2 lentelė. Teorinės ir eksperimentinės klupumo koeficiente $\varphi_h$ reikšmės

**Table 2.** Theoretical and experimental values of buckling coefficient  $\varphi_h$

Sluoksniuotosios sienos variantai pagal išorinių sluoksniių $\delta_1$ ir $\delta_2$ storius	$\delta_2/\delta_1$	Koeficiente $\varphi_h$ eksperimentinės vidutinės reikšmės, kai $\delta_3$ (mm)			Teorinės koeficiente $\varphi_h$ reikšmės
		50	100	150	
120– $\delta_3$ –120	1,0	1,968	1,858	1,823	2,0
120– $\delta_3$ –100	0,667	1,616	1,531	1,511	1,58
120– $\delta_3$ –60	0,50	1,190	1,135	1,125	1,125

**3 lentelė.** Klupumo koeficiente  $\varphi_h$  matematinės funkcijos, kai  $\delta_3=150$  ir 100 mm

**Table 3.** Mathematical functions of buckling coefficient  $\varphi_h$ , when  $\delta_3=150$  and 100 mm

Sienos konstrukcinis variantas $\delta_1 - \delta_3 - \delta_2$ (mm)	Matematinės funkcijos koeficientui $\varphi_h$ nustatyti	Matematinė viltis
120–150–120	$\varphi_h = \sqrt{a + b \cdot \ln(A_s)}$ $a=3,351; b=0,204$	0,92634
120–150–100	$\varphi_h = a + b(A_s)^c$ $a=1,265; b=0,246; c=0,167$	0,92815
120–150–60	$\varphi_h = \sqrt{a + b(A_s)}$ $a=1,232; b=0,027$	0,94218
120–100–120	$\varphi_h = \sqrt{a + b \cdot \ln(A_s)^c}$ $a=1,547; b=0,311; c=0,274$	0,92350
120–100–100	$\varphi_h = a + b \cdot (A_s)^c$ $a=1,443; b=0,083; c=0,594$	0,94305
120–100–60	$\varphi_h = a + b(A_s)^c$ $a=1,108; b=0,0207; c=1,06$	0,92726

**4 lentelė.** Klupumo koeficiente  $\varphi_h$  matematinės funkcijos, kai  $\delta_3=50$  mm

**Table 4.** Mathematical functions of buckling coefficient  $\varphi_h$ , when  $\delta_3=50$  mm

Sienos konstrukcinis variantas $\delta_1 - \delta_3 - \delta_2$ (mm)	Ryšių skaičius	Matematinės funkcijos koeficiente $\varphi_h$ nustatymas	Konstantų reikšmės			Matematinė viltis
			<i>a</i>	<i>b</i>	<i>c</i>	
120 – 50 – 120	3	$\varphi_h = a + b(A_s)^c$	1,759	0,165	1,321	0,99823
	4		1,82	0,126	1,404	0,99892
	5		1,836	0,106	1,424	0,99907
	9		1,846	0,059	1,515	0,99969
120 – 50 – 100	3	$\varphi_h = a + b(A_s)^c$	1,477	0,115	1,612	0,99967
	4		1,505	0,084	1,656	0,99971
	5		1,512	0,069	1,655	0,99987
	9		1,516	0,038	1,677	0,99998
120 – 50 – 60	3	$\varphi_h = a + b(A_s)^c$	1,111	0,073	1,820	0,99999
	4		1,115	0,053	1,824	0,99999
	5		1,117	0,042	1,829	0,99999
	9		1,116	0,024	1,784	0,99999

## 7. Išvados ir rekomendacijos

1. Didžiausią įtaką sluoksniuotosios sienos darbui turi išorinių sluoksnų storijų santykis bei liaunų ryšių bendras plotas.

2. Mažėjant atstumui tarp sluoksnų iki 50 mm pasireiškia liaunų ryšių šlyties efekto įtaka bendram sienos darbui.

3. Sluoksniuotosios sienos su liaunais ryšiais ir oro tarpu arba biriu termoizoliaciniu sluoksniu išorinių sluoksnų bendrą darbą galima įvertinti per skaičiuojamąją liaunį  $\lambda_h = \frac{l_0}{\varphi_h \cdot \delta_l}$ , čia  $l_0 = \mu l$  – skaičiuojamas sienos ilgis (aukštis);  $\delta_l$  – laikančiojo sluoksnio storis;  $\varphi_h$  – sluoksniuotosios sienos klupumo koeficientas.

4. Klupumo koeficiente reikšmes priklausomai nuo sienų sluoksnų storijų santykio bei liaunų ryšių bendro ploto  $A_s$  ir jų išdėstymo varianto siūloma apskaičiuoti pagal 3 ir 4 lentelių duomenis. Tarpinės koeficiente  $\varphi_h$  reikšmės nustatomos interpoliuojant.

5. Tolesnis sluoksniuotosios sienos su liaunais ryšiais stiprumo apskaičiavimas gali būti atliekamas pagal normų [1, 2] rekomendacijas.

## Literatūra

1. Каменные и армокаменные конструкции. Нормы проектирования. М.: Стройиздат, 1980. 62 с.
2. Пособие по проектированию каменных и армокаменных конструкций. М.: ЦИТП Госстроя СССР, 1988. 152 с.
3. G. Marčiukaitis. Deformacinių savybių įtakos betono stiprumo išnaudojimui sluoksniuotame elemente įvertinimas // 4-sios tarptautinės konferencijos "Naujos statybinės medžiagos, konstrukcijos ir technologijos", įvykusios Vilniuje 1995 m. gegužės 10–13 d., straipsniai. T. 2. Vilnius: Technika, 1995, p. 73–78.
4. А. Р. Ржаницын. Устойчивость равновесия упругих систем. М.: Гостехиздат, 1955. 475 с.
5. А. Р. Ржаницын. Составные стержни и пластиинки. М.: Стройиздат, 1986. 316 с.
6. Г. И. Шапиро. Расчет составных стержней со случайными связями сдвига // Строительная механика и расчет сооружений, 1975, № 5, с. 33–36.
7. G. Marčiukaitis, V. Popovas. Lanksčių ryšių įtaka sluoksniuotų sienų liauniui // Konferencijos "Statybba ir architektūra" pranešimų medžiaga. Kaunas: Technologija, 1996, p. 127–131.

8. COSMOS/M. Finite element analysis system. Basic FEA System. User guide. Structural Research & Analysis Corp., Los Angeles, 1995. 760 p.

Iteikta 1998 12 22

## ESTIMATION OF MULTILAYERED WALL SLENDERNESS DEPENDING ON BEHAVIOUR OF FLEXIBLE TIES

G. Marčiukaitis, V. Popovas

### Summary

The problem of slenderness effect of multilayered wall with flexible ties is discussed. Numerical analysis was carried out with the aim to evaluate the influence of rigidity of exterior protective wall layer connected with interior load bearing layer by flexible ties. The buckling effect of layered wall was investigated. The main variables taken into account were thickness of the load bearing and protective layers, the distance between mentioned layers, total amount, diameter and distribution of flexible ties, physical and mechanical properties of wall materials. The results of analysis are discussed and compared with the results of analytical calculation methods. On the basis of numerical simulation data some proposals for buckling coefficient  $\varphi_h$  calculation were suggested, depending on the structural type of the wall and the total amount of flexible ties distributed between the inner layers. The way of evaluation of the slenderness effect on the general behaviour of multilayered wall is provided additionally to the requirements of the codes of practice.

---

**Gediminas MARČIUKEVIČIUS.** Professor, Doctor Habil. Dept of Reinforced Concrete Structures. Vilnius Gediminas Technical University (VGTU), Saulėtekio al. 11, LT-2040 Vilnius, Lithuania.

PhD (1963). Research visit to the University of Illinois (1969). Doctor Habil (1980). Author and co-author of 4 monographs, 2 text-books and more than 250 scientific articles. Research interests: mechanics of reinforced concrete, masonry and layered structures, new composite materials, investigation and renovation of buildings.

---

**Vladimiras POPOVAS.** Doctor, Associate Professor. Dept of Reinforced Concrete and Masonry Structures. Vilnius Gediminas Technical University (VGTU), Saulėtekio al. 11, 2040 Vilnius, Lithuania.

Doctor (1990). Author of over 50 publications, 5 patented inventions. Research interests: theory of reinforced concrete behaviour, including structures subjected to fire; computer-aided analysis and design applications.